

Wahr oder falsch?

Fundamentalsatz der mathematischen Logik:

Das Gegenteil einer wahren Aussage ist immer eine falsche Aussage !

Widerlegung dieses Satzes durch einen Gegenbeweis:

Satz 1: **Dieser Satz hat genau sechs Wörter. (wahr)**

Satz 2: **Dieser Satz hat nicht genau sechs Wörter. (wahr)**

Beide Sätze sind wahr, obwohl Satz 2 das Gegenteil von Satz 1 ist !

Antwort auf Seite 2

Löcher im Käse

Obwohl die Prämissen korrekt sind, ist die Schlußfolgerung absurd:

Prämisse 1: Je mehr Käse, desto mehr Löcher

Prämisse 2: Je mehr Löcher, desto weniger Käse

Konklusion: Je mehr Käse, desto weniger Käse

Antwort auf Seite 2

Zwei Sätze

Satz A: Satz B ist wahr

Satz B: Satz A ist falsch

Welcher der beiden Sätze ist wahr?

Antwort auf Seite 2

Antworten:

Wahr oder falsch?

Mit der Auflösung der Bezüge wird es wieder richtig:

Satz 1: Der Satz "***Dieser Satz hat genau sechs Wörter.***" hat genau sechs Wörter. **(wahr)**

Satz 2: Der Satz "***Dieser Satz hat genau sechs Wörter.***" hat nicht genau sechs Wörter. **(falsch)**

Satz 2 ist jetzt tatsächlich das Gegenteil von Satz 1.

Löcher im Käse

Der Bezug hat gewechselt: Bei Prämisse 1 wird auf eine unbestimmte Menge Käse Bezug genommen; bei Prämisse 2 auf eine feste, vorgegebene Menge Käse.

Zwei Sätze

Die beiden Sätze machen keine Aussagen über Objekte, sondern über andere Sätze (Metasprache). Da sie Gegensätzliches über den jeweils anderen Satz behaupten ist nicht entscheidbar, welcher der beiden Sätze wahr ist.

Eine verkürzte Version davon wäre:

Satz A: Satz A ist falsch

oder noch kürzer: **Dieser Satz ist falsch**